

CIMAT

90DSI02

Dinámica Racional

Abril 16, 2010

Tarea 9

1. Sea $R_t(z)$ una familia de funciones racionales uniparamétrica. Sea z_0 punto periódico de periodo m para R_{t_0} y suponga que $\lambda = DR_{t_0}^m(z_0)$ es distinto de 1. Usando el Teorema de la Función Implícita, demuestre lo siguiente:
 - (a) Para t cercano a t_0 existe un punto periódico $z(t)$ de R_t , cercano a z_0 y de periodo m .
 - (b) $z(t)$ y su multiplicador, $\lambda(t)$, dependen analíticamente de t .
 - (c) Si $U = \{t \in \mathbb{C} \mid z(t) \text{ tiene periodo } m\}$, entonces U es abierto.
2. Demuestre que $S(z) = z + \sin(2\pi z)$ tiene una familia de dominios errantes $\{U_n\}$ con $S(U_n) = U_n + 1$ y una familia de dominios errantes $\{V_n\}$ con $S(V_n) = V_n - 1$.
3. Sea $E(z) = z + e^z - 1$. Demuestre que E tienen un dominio de Baker totalmente invariante, todos los valores críticos de E pertenecen al semiplano $H_- = \{z \mid \operatorname{Re} z < 0\}$ y para todo $z \in H_-$, $\operatorname{Re} E^n(z) \rightarrow -\infty$.

Dominio de Baker: Es una componente invariante $U = f(U)$ tal que para todo $z \in U$, $\mathcal{O}_f(z)$ no tiene puntos de acumulación en \mathbb{C} .

Fecha de entrega: Abril 23, 2010 en clase.