|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **NOMBRE DE LA ENTIDAD:** |  | Campus Guanajuato, División de Ciencias Naturales y Exactas |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **NOMBRE DEL PROGRAMA EDUCATIVO:** |  | Licenciatura en Matemáticas |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **NOMBRE DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE:** |  | Medida y Probabilidad |  | **CLAVE:** |  | NELI06102 |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **FECHA DE APROBACIÓN:** |  |  |  | **FECHA DE ACTUALIZACIÓN:** |  |  |  | **ELABORÓ:** |  | **Joaquín Ortega Sánchez** |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **HORAS DE TRABAJO**  **DEL ESTUDIANTE CON EL PROFR.:** |  | 72 |  | **HORAS DE TRABAJO AUTÓNOMO DEL ESTUDIANTE:** |  | 78 |  | **CRÉDITOS:** |  | 6 |
| **HORAS SEMANA/SEMESTRE** |  | **4** |  | **HORAS TOTALES DE TRABAJO DEL ESTUDIANTE:** |  | 150 |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **PRERREQUISITOS NORMATIVOS:** |  | Ninguno |  | **PRERREQUISITOS RECOMENDABLES:** |  | Ninguno |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **CARACTERIZACIÓN DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE** | | | | | | | | | | | |
| **POR EL TIPO DE ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE:** | **DISCIPLINARIA** | X | **FORMATIVA** |  | **METODOLÓGICA** |  |  |
| **POR SU UBICACIÓN EN LAS ÁREAS DE ORGANIZACIÓN CURRICULAR:** | ÁREA GENERAL |  | **ÁREA BÁSICA COMÚN** |  | **ÁREA DISCIPLINAR** | **X** | **ÁREA DE PROFUNDIZACIÓN** |  | **ÁREA COMPLEMENTARIA** |  |
| ÁREA NUCLEAR |  | **ÁREA DE INVESTIGACIÓN** |  | **ÁREA PROFESIONAL** |  |  |  |  |  |
| **POR LA MODALIDAD DE ABORDAR EL**  **CONOCIMIENTO:** | **CURSO** | X | **TALLER** |  | **LABORATORIO** |  | **SEMINARIO** |  | | |
| **POR EL CARÁCTER DE LA UDA:** | **OBLIGATORIA** |  | **RECURSA-BLE** |  | **OPTATIVA** | X | **SELECTIVA** |  | **ACREDITABLE** |  |

|  |
| --- |
| **PERFIL DEL DOCENTE:** |
| Para la impartición de esta unidad de aprendizaje se sugiere la participación de un doctor en Matemáticas, Ciencias de la Computación o áreas afines. | |
| **CONTRIBUCIÓN DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE AL PERFIL DE EGRESO DEL PROGRAMA EDUCATIVO:** |
| La Unidad de Aprendizaje incide de manera directa en la formación de las competencias genéricas institucionales siguientes:  CG1. Planifica su proyecto educativo y de vida de manera autónoma bajo los principios de libertad, respeto, responsabilidad social y justicia para contribuir como agente de cambio al desarrollo de su entorno.  CG2. Se comunica de manera oral y escrita en español y en una lengua extranjera para ampliar sus redes académicas, sociales y profesionales que le permitan adquirir una perspectiva internacional.  CG3. Maneja ética y responsablemente las tecnologías de la información para agilizar sus procesos académicos y profesionales de intercomunicación.  Contribuye a las competencias específicas siguientes:  CE2. Analiza, construye y desarrolla argumentaciones lógicas con una identificación clara de hipótesis y conclusiones para la resolución de problemas.  CE3. Domina los conceptos elementales de la matemática clásica y su evolución histórica como parte fundamental de su desarrollo profesional.  CE4. Conoce y aplica los conceptos elementales de la matemática moderna en diversas áreas del conocimiento  CE6. Desarrolla disciplina de trabajo y capacidad de colaboración dentro de las matemáticas, así como con profesionales de otras áreas.  CE7. Selecciona y conoce la herramienta matemática y/o computacional para resolver problemas en diferentes áreas del conocimiento.  CE8. Explora temas avanzados de la matemática bajo la orientación de especialistas abriendo la opción de continuar con estudios de posgrado. | |
| **CONTEXTUALIZACIÓN EN EL PLAN DE ESTUDIOS:** |
| La importancia de esta Unidad de Aprendizaje reside en que permite al estudiante profundizar en temas avanzados de Medida y Probabilidad para aplicarlos en la resolución de problemas de distintas áreas de las matemáticas.  Esta Unidad de Aprendizaje forma parte del área disciplinar porque aporta elementos importantes para el ejercicio de la profesión.  Al ser Unidades de Aprendizaje optativas, con ayuda del tutor, el alumno puede elegir el momento apropiado para cursarlas. Se relaciona con las materias del grupo de Probabilidad y Estadística. | |
| **COMPETENCIA DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE:** |
| Explora temas avanzados de Probabilidad y Estadística bajo la orientación de especialistas, para profundizar sus conocimientos en el área. | |

|  |
| --- |
| **CONTENIDOS DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE:** |
| 1. Conjuntos.    1. Límites de conjuntos.    2. Colecciones de conjuntos: álgebra, σ-álgebra, clases monótonas, sistemas π.    3. Conjuntos de Borel en Rn. 2. Espacios de Medida y Probabilidad.    1. Medida de Lebesgue en el intervalo unitario.    2. Definición y propiedades de una medida de probabilidad.    3. Construcción, medida exterior y teorema de extensión de Carathéodory.    4. Medidas de Lebesgue-Stieltjes. 3. Funciones Medibles y Variables Aleatorias.    1. Definiciones, convergencia y aproximación a través de funciones simples.    2. Funciones medibles y continuas.    3. Medidas de distribución.    4. Funciones de distribución. 4. Independencia.    1. Variables aleatorias independientes.    2. Espacio producto.    3. Existencia de variables aleatorias independientes.    4. Leyes 0-1 y lema de Borel-Cantelli. 5. Integración.    1. Definición de la integral y esperanza.    2. Propiedades fundamentales.    3. Lema de Fatou y teorema de convergencia dominada.    4. Fórmula de cambio de variable.    5. Integral de Lebesgue y su relación con la integral de Riemann.    6. Teorema de Fubini.    7. Convolución.    8. Sumas de variables aleatorias independientes. | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **ACTIVIDADES DE APRENDIZAJE:** | **RECURSOS MATERIALES Y DIDÁCTICOS:** |  |
| 1. Aprendizaje basado en exposición. 2. Aprendizaje basado en problemas. 3. Discusión grupal. 4. Investigación documental y en línea. 5. Otras sugeridas por el Profesor | | 1. Pizarrón y gis. 2. Proyector y equipo de audio. 3. Computadora con acceso a internet. 4. Otros sugeridos por el Profesor |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **PRODUCTOS O EVIDENCIAS DEL APRENDIZAJE:** | **SISTEMA DE EVALUACIÓN: (Sugerido)** |  |
| 1. Tareas. 2. Exámenes. 3. Proyectos. | | 1. Exámenes 2. Tareas 3. Proyectos   TOTAL 100% |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **FUENTES DE INFORMACIÓN** | | | |
| **BIBLIOGRÁFICAS\*:** | **OTRAS:** |
| 1. Ash, R.B., Doleans-Dade, C.A.: Probability and Measure Theory, 2nd. Ed., Academic Pres, 1999. 2. Bartle, R. G.: The elements of integration and Lebesgue measure. J. Wiley, 1995. 3. Billingsley, P.: Probability and Measure, 3rd. ed. Wiley, 1995. 4. Breiman, L.: Probability, SIAM, 1992. 5. Chung, K.L.: A Course in Probability Theory Revised Academic Press, 2000. 6. Jacod, J. & Protter, Ph. Probability Essentials. Springer 2000. 7. Kallenberg, O.: Foundations of Modern Probability 2nd ed. Springer, 2002. 8. Resnick, S.I.: A Probability Path, Birkhauser, 2001. 9. Royden, H.L.: Real Analysis, 3rd. ed.Prentice-Hall, 1988. | | 1. Gut, A. Probability: A Graduate Course. Springer 2005. 2. Lamperti, J.: Probability, J. Wiley, 1996. 3. Lieb, E. H. & Loss, M.: Analysis, 2nd. Ed. A.M.S. 2001. 4. Loéve, M.: Probability Theory 3rd ed., Springer, 1978. 5. Neveu, J.: Bases Mathématiques du Calcul des Probabilités, Dunod. 6. Pollard, D.: A Users Guide to Measure Theoretic Probability, Cambridge, 2002. 7. Shiryaev, A.N.,: Probability, 2nd ed., Springer, 1984. 8. Stromberg, K.R.: Probability for Analysts, Chapman & Hall, 1994. 9. Tucker, A.: A Graduate Course in Probability, Academic Press, 1967. |

\*Citar con formato APA